

## ZZZZ340 – Validation du mot-clé TEMP\_CONTINUE pour AFFE\_CHAR\_THER

---

### Résumé

Ce test valide le mot clé TEMP\_CONTINUE du mot-clé facteur ECHANGE\_PAROI des opérateurs AFFE\_CHAR\_THER et AFFE\_CHAR\_THER\_F [U4.44.02]. Ce mot clé ne concerne que les modèles X-FEM, et conduit à annuler tous les degrés de liberté enrichis (« Heaviside » et « crack-tip ») correspondant à la présence des fissures données par l'utilisateur sous le mot-clé FISSURE. La mise à zéro de ces degrés de liberté revient à résoudre l'équation de la chaleur sur un domaine ne comportant pas ces fissures.

On valide cette fonctionnalité sur un problème simple de thermique linéaire stationnaire en dimension 2. On considère une plaque carrée à température imposée, comportant une fissure droite débouchante disposée dans la direction orthogonale au gradient de température. L'utilisation du mot-clé TEMP\_CONTINUE permet de ne pas prendre en compte la discontinuité du champ de température à travers cette fissure et de se ramener à la résolution du problème « sain », ce dernier admettant une solution analytique.

On valide également dans ce test le calcul du gradient de la température aux points de Gauss des éléments X-FEM dans l'opérateur THER\_LINEAIRE (champ TEMP\_ELGA).

On ne considère qu'une seule modélisation :

- modélisation A : X-FEM2D (fissure au milieu des éléments)

## 1 Problème de référence

### 1.1 Géométrie

La structure 2d est un carré unitaire :  $LX = 1\text{ m}$  et  $LY = 1\text{ m}$  (Figure 1.1-1).

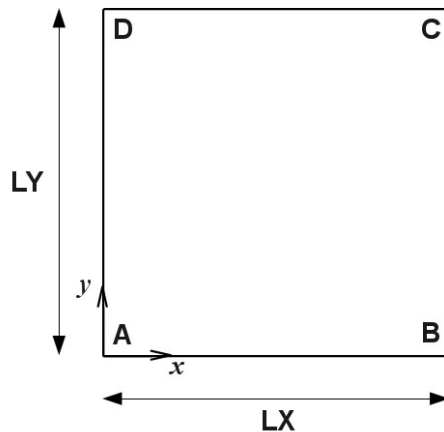


Figure 1.1-1: Géométrie de la plaque saine

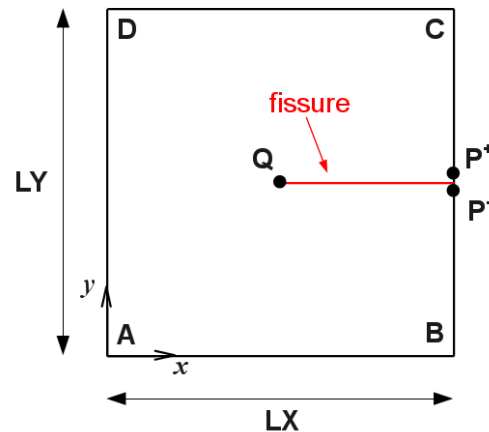


Figure 1.1-2: Géométrie de la plaque avec fissure fictive

Pour le besoin du cas-test, on considère également le même domaine en présence d'une fissure fictive, droite et débouchante à droite, située à mi-hauteur (Figure 1.1-2). On note  $P^+$  le point de coordonnées  $(LX, LY^+/2)$  (situé sur la lèvres supérieure),  $P^-$  le point de coordonnées  $(LX, LY^-/2)$  (situé sur la lèvres inférieure), et  $Q$  le point de coordonnées  $(LX/2, LY/2)$  (situé en pointe de fissure).

Remarque :

*Cette fissure est qualifiée de fictive car elle ne constitue pas une partie de la frontière du domaine, et n'a donc aucune incidence sur la solution du problème de référence. Sa présence est uniquement due à la validation informatique de la fonctionnalité testée.*

### 1.2 Propriétés du matériau

Conductivité thermique :  $\lambda = 1\text{ W.m}^{-1}.\text{K}^{-1}$

Capacité calorifique volumique :  $\rho C_p = 2\text{ J.m}^{-3}.\text{K}^{-1}$

### 1.3 Conditions aux limites et chargements

On impose une température  $\bar{T}^{\text{inf}} = 10^\circ\text{C}$  sur les nœuds du segment  $AB$  et  $\bar{T}^{\text{sup}} = 20^\circ\text{C}$  sur les nœuds du segment  $CD$  (voir Figure 1.1-1).

### 1.4 Conditions initiales

Néant (le problème est stationnaire)

## 2 Solution de référence

### 2.1 Méthode de calcul

Il s'agit d'une solution analytique. Dans cette configuration le problème est unidimensionnel et l'équation de la chaleur se réduit à l'équation différentielle suivante :

$$\frac{d^2 T}{dy^2} = 0 \text{ avec les conditions } T(y=0) = \bar{T}^{\text{inf}} \text{ et } T(y=LY) = \bar{T}^{\text{sup}}$$

Cette équation admet la solution suivante :

$$T(y) = (\bar{T}^{\text{sup}} - \bar{T}^{\text{inf}}) \frac{y}{LY} + \bar{T}^{\text{inf}}$$

### 2.2 Grandeurs et résultats de référence

On teste la température aux points  $P^+$ ,  $P^-$  et  $Q$  (voir Figure 1.1-2) :

$$T\left(\frac{LY}{2}\right) = \frac{(\bar{T}^{\text{sup}} + \bar{T}^{\text{inf}})}{2}, \quad \text{application numérique : } T\left(\frac{LY}{2}\right) = 15^\circ\text{C}$$

On teste également les deux composantes (constantes en espace) du gradient de température :

$$\begin{aligned} \partial_x T &= 0, & \text{application numérique : } \partial_x T &= 0^\circ\text{C.m}^{-1} \\ \partial_y T &= \frac{(\bar{T}^{\text{sup}} - \bar{T}^{\text{inf}})}{LY}, & \text{application numérique : } \partial_y T &= 10^\circ\text{C.m}^{-1} \end{aligned}$$

Identification	Type de référence	Valeur de référence
Points $P^+$ , $P^-$ et $Q$ - TEMP	'ANALYTIQUE'	$15^\circ\text{C}$
En tout point, DTX	'ANALYTIQUE'	$0^\circ\text{C.m}^{-1}$
En tout point, DTY	'ANALYTIQUE'	$10^\circ\text{C.m}^{-1}$

## 3 Modélisation A : fissure non-maillée en dimension 2

La fissure n'étant pas maillée, la condition d'échange entre les lèvres de la fissure est appliquée à l'aide du mot-clé FISSURE du mot-clé facteur ECHANGE\_PAROI de l'opérateur AFFE\_CHAR\_THER [U4.44.02].

### 3.1 Caractéristiques de la modélisation

On utilise la modélisation PLAN du phénomène THERMIQUE. La méthode des éléments finis étendue (X-FEM) est utilisée.

### 3.2 Caractéristiques du maillage

La structure est modélisée par un maillage régulier composé de  $101 \times 101$  QUAD4, respectivement suivant les axes  $x$ ,  $y$ . La fissure n'est pas maillée.

### 3.3 Grandeurs testées et résultats

Les grandeurs ci-dessous sont d'abord testées dans le cas où le chargement permettant d'imposer la continuité du champ température (mot-clé TEMP\_CONTINUE) résulte de l'opérateur AFFE\_CHAR\_THER, elles sont ensuite testées lorsqu'il résulte l'opérateur AFFE\_CHAR\_THER\_F.

On teste la température aux points  $P^+$ ,  $P^-$  et  $Q$  (voir Figure 1.1-2). Pour cela on teste le champ de température après appel aux opérateurs POST\_MAIL\_XFEM et POST\_CHAM\_XFEM.

On teste ensuite les deux composantes du gradient de la température stockées dans le champ TEMP\_ELGA dans le résultat produit par l'opérateur THER\_LINEAIRE. Ces composantes sont testées :

- en un point de Gauss d'un élément de type « Heaviside »
- en un point de Gauss d'un élément de type « crack-tip »
- en un point de Gauss d'un élément de type « Heaviside/crack-tip »

Identification	Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
Points $P^+$ , $P^-$ et $Q$ - TEMP	'ANALYTIQUE'	15	0.1%
En 3 points de Gauss DTX	'ANALYTIQUE'	0	1.E-9
En 3 points de Gauss DTY	'ANALYTIQUE'	10	0.1%

## 4 Synthèses des résultats

Les objectifs de ce test sont atteints :

- valider pour les modèles X-FEM le mot clé TEMP\_CONTINUE du mot-clé facteur ECHANGE\_PAROI des opérateurs AFFE\_CHAR\_THER et AFFE\_CHAR\_THER\_F.
- valider le calcul du gradient de la température aux points de Gauss des éléments X-FEM dans l'opérateur THER\_LINEAIRE