

## SSLX103 – Flexion d'une poutre en béton armé 3D avec armatures modélisées par des barres

---

### Résumé :

L'objectif de ce test est de valider la modélisation des aciers par des éléments barres linéaires `SEG2` dans du béton modélisé par des éléments volumiques quadratiques.

On compare deux modélisations :

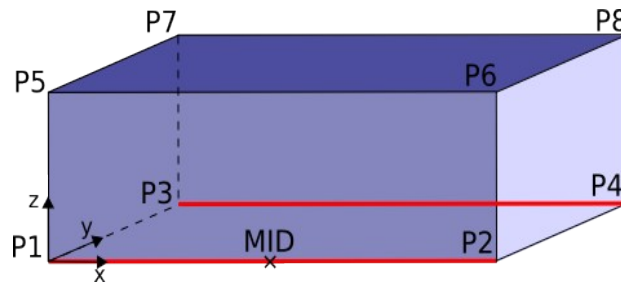
- un élément volumique quadratique contient un élément barre linéaire
- un élément volumique quadratique contient deux éléments barres linéaires

à un calcul de référence où les éléments barres sont quadratiques obtenus avec Castem.

## 1 Problème de référence

### 1.1 Géométrie

On considère une poutre en béton de longueur  $l=5\text{ m}$  et de section carrée de  $w=h=1\text{ m}$  de côté. Elle contient deux armatures longitudinales  $P1P2$  et  $P3P4$ . La section des deux barres est de  $0,003\text{ m}^2$ .



### 1.2 Propriétés du matériau

Le matériau béton est élastique isotrope avec les propriétés suivantes :

- $E=30\text{ GPa}$
- $\nu=0.2$

Le matériau acier est élastique isotrope avec les propriétés suivantes :

- $E=200\text{ GPa}$
- $\nu=0.25$

### 1.3 Conditions aux limites et chargements

Le bord  $P1P3P7P5$  est bloqué.

On impose un déplacement de  $0,001\text{ m}$  suivant la direction  $z$  au bord  $P2P4P8P6$ .

### 1.4 Conditions initiales

Néant

## 2 Solution de référence

Il s'agit de valider l'utilisation d'éléments linéaires pour représenter les aciers présents dans du béton représenté par des éléments volumiques.

Deux modélisations sont possibles :

- Modélisation A : un élément volumique quadratique contient un élément barre linéaire. Les nœuds milieu des éléments volumiques quadratiques ne sont pas reliés aux barres ( L ).
- Modélisation B : un élément volumique quadratique contient deux éléments barres linéaires. Tous les nœuds volumiques sont reliés à des nœuds des aciers ( LL ).

La solution de référence a été obtenue avec CASTEM 2000. Le maillage utilisé contient le même nombre de mailles mais les éléments barres modélisant les armatures sont quadratiques ( Q ).

Les résultats en terme de contrainte dans le béton, déplacement et effort dans l'acier sont comparés.

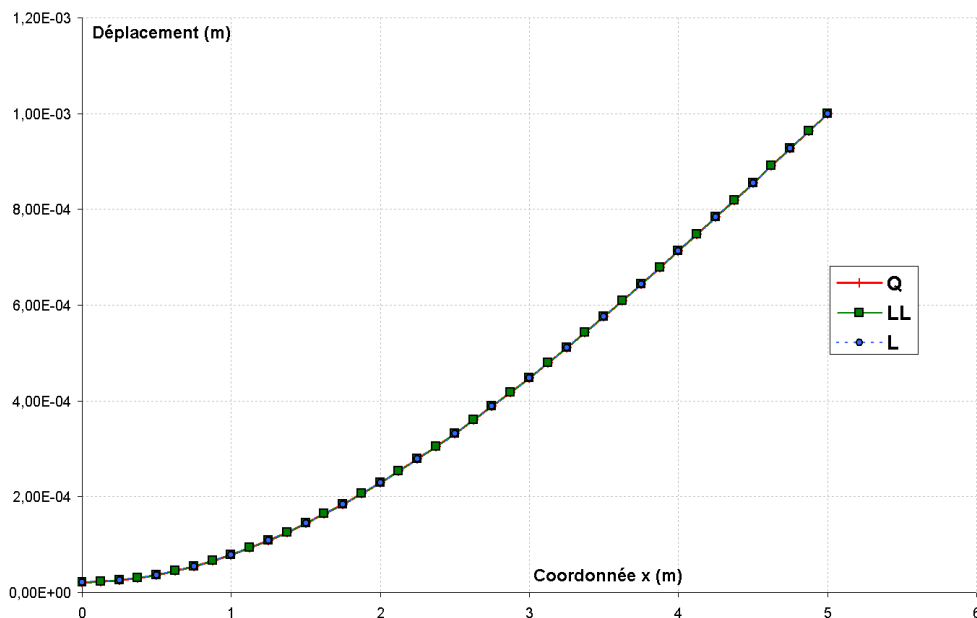


Illustration 1: Déplacement le long de la poutre

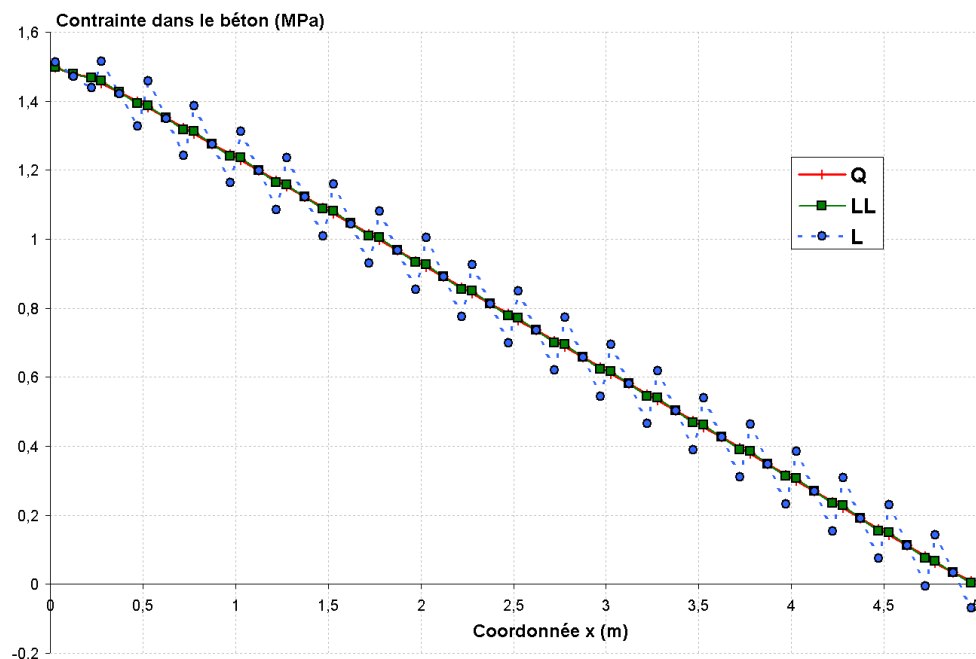


Illustration 2: Contraintes dans le béton

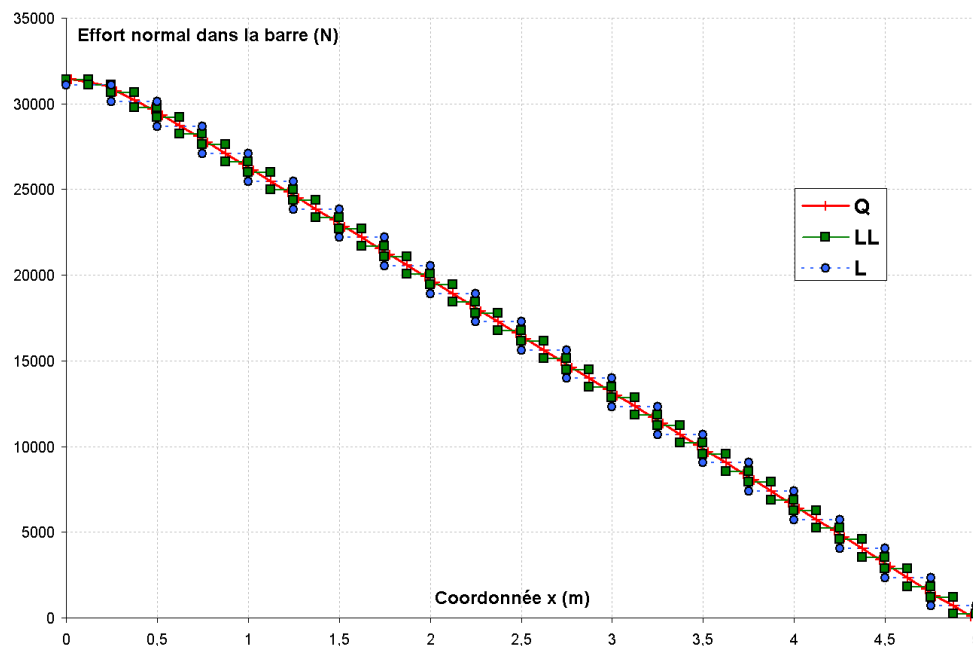


Illustration 3: Effort dans la barre

Il en résulte que la modélisation B ( LL ) est très proche du modèle Castem quadratique Q . La modélisation A ( L ) n'est pas suffisante et on peut observer des oscillations sur les contraintes dans le béton.

Le modèle ( LL ) est donc préconisé pour la modélisation d'éléments barres en conjonction avec des éléments quadratiques volumiques.

## 2.1 Références bibliographiques

- [1] NECS. NOTE D'ETUDE : Étude de la modélisation béton armé : maille de béton quadratique avec élément barre linéaire . N001\_A301\_2012\_ET\_EDF. 2012.

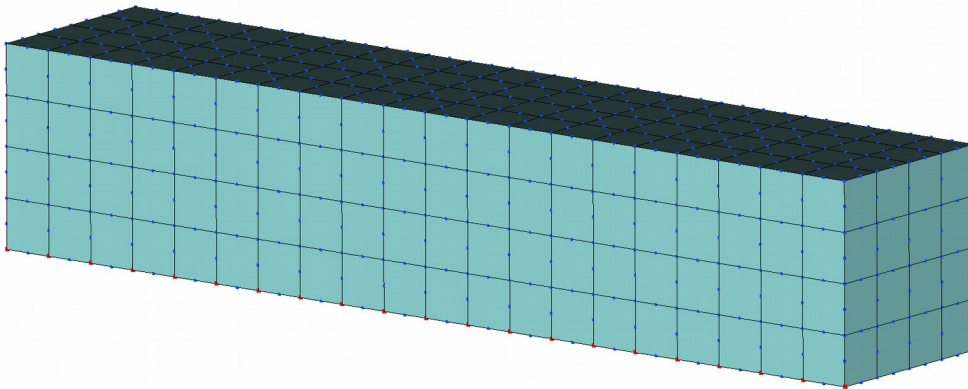
## 3 Modélisation A

### 3.1 Caractéristiques de la modélisation

On utilise les modélisations 3D et BARRE.

### 3.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage contient 320 éléments de type HEXA20 et 40 éléments de type SEG2.



### 3.3 Grandeurs testées et résultats

On teste le déplacement, les contraintes dans le béton et l'effort dans la barre *PIP2* au milieu de la poutre.

Identification	Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
Point <i>MID</i> - <i>DZ</i>	'SOURCE EXTERNE'	3.31642E-04	1%
Point <i>MID</i> - <i>DZ</i>	'NON_REGRESSION'	3.3164387632833E-04	0.1%
Élément 755 - <i>SIXX</i> point 19	'SOURCE EXTERNE'	7.65317E+05	12%
Élément 755 - <i>SIXX</i> point 19	'NON_REGRESSION'	8.4944649489882E+05	0.1%
Élément 11 - <i>N</i>	'SOURCE EXTERNE'	16260	5%
Élément 11 - <i>N</i>	'NON_REGRESSION'	15620.717115628	0.1%

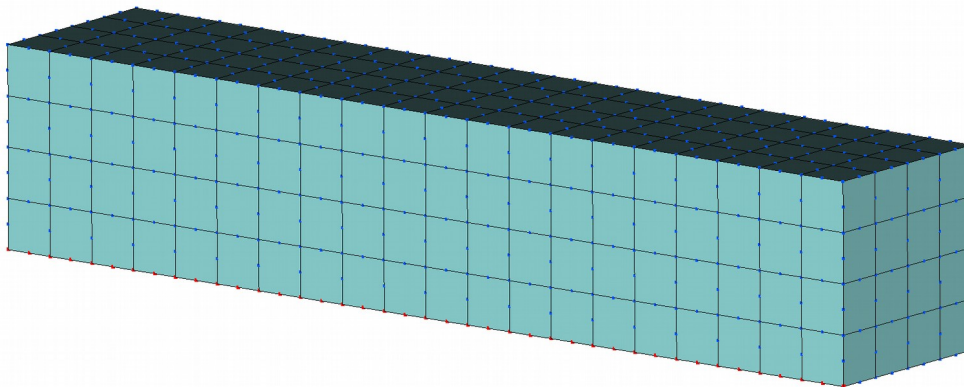
## 4 Modélisation B

### 4.1 Caractéristiques de la modélisation

On utilise les modélisations 3D et BARRE.

### 4.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage contient 320 éléments de type HEXA20 et 80 éléments de type SEG2.



### 4.3 Grandeurs testées et résultats

On teste le déplacement dans le coin haut gauche de la plaque.

Identification	Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
Point <i>MID</i> - <i>DZ</i>	'SOURCE EXTERNE'	3.31642E-04	1%
Point <i>MID</i> - <i>DZ</i>	'NON_REGRESSION'	3.3164387632833E-04	0.1%
Élément 795 - <i>SIXX</i> point 19	'SOURCE EXTERNE'	7.65317E+05	1%
Élément 795 - <i>SIXX</i> point 19	'NON_REGRESSION'	7.7144384489479E+05	0.1%
Élément 21 - <i>N</i>	'SOURCE EXTERNE'	16260	1%
Élément 21 - <i>N</i>	'NON_REGRESSION'	16131.31000564	0.1%

## 5 Synthèse des résultats

---

On constate que la modélisation B ( LL ) est très proche du modèle Castem quadratique Q . La modélisation A ( L ) n'est pas suffisante et on peut observer des oscillations sur les contraintes dans le béton.

Utiliser deux éléments linéaires par éléments volumiques est donc préconisé pour la modélisation du béton armé .