

---

## Structure de données sd\_macr\_elem\_stat

---

### Résumé :

La structure de données sd\_macr\_elem\_stat représente un macro élément en sous-structuration statique. Un macro élément est en quelque sorte un élément fini dont la maille support a un nombre quelconque de nœuds. Pour le "fabriquer", on part d'un modèle éléments finis et on le "condense" sur certains de ces nœuds (que l'on appelle "externes"). Cette condensation se fait par élimination des ddls portés par les nœuds internes. Cette technique est décrite par exemple dans le livre de J-F. Imbert "Analyse des structures par éléments finis" aux éditions CEPADUES année 1991. Au terme de cette condensation, le macro élément est représenté par des matrices et des chargements condensés. Les matrices (rigidité, masse et amortissement) sont pleines et symétriques de dimension nddle si nddle est le nombre de ddls externes du macro-élément.

## Table des Matières

---

<a href="#">1 La SD en quelques lignes.....</a>	<a href="#">3</a>
<a href="#">2 Arborescence.....</a>	<a href="#">3</a>
<a href="#">3 Contenu des objets.....</a>	<a href="#">4</a>
<a href="#">4 Exemple : sd_macr_elem_stat S_1 du test SSLP100B.....</a>	<a href="#">6</a>

## 1 La SD en quelques lignes

La structure de données `sd_macr_elem_stat` représente un macro élément en sous-structuration statique.

Un macro élément est en quelque sorte un élément fini dont la maille support a un nombre quelconque de nœuds. Pour le “fabriquer”, on part d’un modèle éléments finis et on le “condense” sur certains de ces nœuds (que l’on appelle “externes”). Cette condensation se fait par élimination des ddl portés par les nœuds internes. Cette technique est décrite par exemple dans le livre de J-F. Imbert “Analyse des structures par éléments finis” aux éditions CEPADUES année 1991. Au terme de cette condensation, le macro élément est représenté par des matrices et des chargements condensés. Les matrices (rigidité, masse et amortissement) sont pleines et symétriques de dimension `nddle` si `nddle` est le nombre de ddl externes du macro-élément.

La structure de données contient les informations suivantes :

- définition des nœuds externes du macro-élément,
- des références “amont” aux `sd_maillage` , `sd_modele` , `sd_cham_mater` et `sd_cara_elem`,
- des références “amont” aux `sd_char_meca` de conditions cinématiques,
- une matrice de rigidité condensée,
- une matrice de masse condensée,
- des chargements condensés.

Il faut noter que ces nœuds externes ne sont pas tous des nœuds “physiques” : du fait que l’on peut imposer des conditions cinématiques (dualisées) sur un `sd_macr_elem_stat` , certains nœuds du macro élément sont de type “Lagrange”.

Un macro élément se comporte ensuite comme un élément fini qui ne saurait calculer que certaines options : `RIGI_MECA` , `MASS_MECA` , `AMOR_MECA` et `CHAR_MECA` .

## 2 Arborescence

```
sd_macr_elem_stat (K8) :: = record
    % description géométrique et topologique :
    ♦ '.DESM'      : OJB S V I long=10
      '.LINO'     : OJB S V I
      '.REFM'     : OJB S V K8
      '.VARM'     : OJB S V R long=2
    ◇ '.CONX'     : OJB S V I

    % rigidité condensée :
    ◇ '.RIGIMECA' : sd_matr_asse
      '.MAEL_RAID_VALE' : OJB S V R
      '.PHI_IE'       : OJB XD V R NU long=cste

    % masse condensée et amortissement :
    ◇ '.MASSMECA' : sd_matr_asse
      '.MAEL_MASS_VALE' : OJB S V R
    ◇ '.MAEL_AMOR_VALE' : OJB S V R

    % description des chargements :
    ◇ '.LICA'      : OJB XD V R NO long=cste
      '.LICH'     : OJB XC V K8 NO long=cste

    % si utilisation de DEFINITION/PROJ_MESU :
    ◇ '.PROJM'    : sd_proj_mesu
```

## 3 Contenu des objets

```
\.DESM ` : OJB S V I long=10
  DESM(1) : (vide)
  DESM(2) : nombre de nœuds externes au maillage ( nbnoe )
  DESM(3) : nombre de nœuds internes maillage ( nbnoi )
              (nœud maillage = nœud physique ou nœud Lagrange)
  DESM(4) : nombre de ddls externes. total ( nddle )
  DESM(5) : nombre de ddls internes. total ( nddli )
  DESM(6) : nombre de sd_char_meca cinématiques. ( nbchar )
  DESM(7) : nombre de cas de charge définis. ( nbcas )
  DESM(8) : nombre de lagranges externes ( nlage )
  DESM(9) : nombre de lagranges relations ( nlagl )
  DESM(10) : nombre de lagranges internes ( nlagi )

\.REFM ` : OJB S V K8 LONG=9+nbchar
  REFM(1) : sd_modele
  REFM(2) : sd_maillage
  REFM(3) : sd_cham_mater
  REFM(4) : sd_cara_elem
  REFM(5) : sd_num_dld
  REFM(6) : "OUI_RIGI"/"NON_RIGI"
  REFM(7) : "OUI_MASS"/"NON_MASS"
  REFM(8) : "OUI_AMOR"/"NON_AMOR"
  REFM(9) : nom de la structure de données fournie par l'utilisateur derrière le mot clé
  DEFINITION/PROJ_MESU (type mode_gene , tran_gene , ...)
  REFM(9 +1 ) : char_cinema_1
  REFM(9 +2 ) : char_cinema_2
  ...
  REFM(9 +nchar ) : char_cinema_N

\.LINO' : OJB S V I
  LINO contient la liste des nœuds physiques externes.
  Le nombre réel de ces nœuds ( LONUTI ) est aussi dans DESM(2) .
  L'ordre des nœuds dans .LINO est celui d'apparition dans .CONX

\.CONX' : OJB S V I
```

### Remarque :

*Cet objet est en réalité obligatoire. Mais il n'apparaît dans la structure de données qu'au moment de la condensation de la rigidité et comme le sd\_macr\_elem\_stat est un objet réentrant que l'on peut construire en plusieurs étapes, il peut arriver que l'objet . CONX soit absent de la SD.*

```
nbnoe = lonuti(LINO)
nbnoet = nbnoe + nlage + nlagl : c'est le nombre total de nœuds externes.
CONX est dimensionné à 3*nbnoet
```

Les nœuds externes sont numérotés dans l'ordre d'apparition dans la numérotation initiale (matrice condensée).

```
CONX(1,inoe) : ili = numéro du ligrel de .LILI( nume_dld )
                  contenant le nœud externe inoe
CONX(2,inoe) : ino = numéro de inoe dans le ligrel ili
CONX(3,inoe) : = 0 si nœud physique
                  = -1 si ce nœud de Lagrange est un nœud "avant"
                  = -2 si ce nœud de Lagrange est un nœud "après"
```

`\.VARM` : OJB S V R LONG=2

VARM(1) taille des blocs de la matrice de rigidité factorisée ( LDLT ) et taille des blocs de la matrice PHI\_IE . Cette taille est donnée en kilo r8.

VARM(2) instant du calcul ( DEFINITION/INST )

`\.PHI_IE` : OJB XD V R long=cste NU()

PHI\_IE est la matrice :  $PHI\_IE = K\_II^{**(-1)} * K\_IE$

ou K\_II : sous-matrice des ddls internes.

ou K\_IE : sous-matrice des couplages internes/externes.

PHI\_IE est une matrice de dimensions nddle X nddli . Elle est stockée comme une collection dispersée car cet objet peut être très volumineux. Dans chaque objet de la collection (de taille maximum VARM(1) ), on stocke un certain nombre ( nlblph ) de lignes de la matrice PHI\_IE . Chaque ligne est de longueur nddle .

Les lignes de PHI\_IE sont bien entendu stockées consécutivement dans les objets de la collection. Le 1<sup>er</sup> objet contient les lignes 1 à nlblph , le 2<sup>eme</sup> objet contient les lignes nlblph+1 à 2\*nlblph , ...

`' .MAEL_RAID_VALE'` : OJB S V R

Matrice de rigidité condensée (que l'on appelle KP\_EE ).

KP\_EE est la matrice :  $KP\_EE = K\_EE - K\_EI * PHI\_IE$

Cette matrice est stockée "symétrique" par colonnes :

$KP\_EE(i, j) = KP\_EE(j * (j-1) / 2 + i)$  pour  $j \geq i$

KP\_EE est un vecteur de longueur nddle \* (nddle+1) / 2

`' .MAEL_MASS_VALE'` : OJB S V R

Matrice de masse condensée (que l'on appelle MP\_EE ).

MP\_EE est la matrice :

$\Rightarrow MP\_EE = M\_EE + PHI\_EI * M\_II * PHI\_IE - M\_EI * PHI\_IE - PHI\_EI * M\_EI$

Cette matrice est stockée "symétrique" comme KP\_EE

`' .MAEL_AMOR_VALE'` : OJB S V R

Matrice d'amortissement condensée (que l'on appelle AP\_EE ).

Cette matrice est stockée "symétrique" comme KP\_EE

### Remarque :

La commande MACR\_ELEM\_STAT ne permet pas (pour l'instant) de calculer .MAEL\_AMOR\_VALE . Mais il existe une (ou plusieurs ?) commande dynamique dans laquelle on fait passer un sd\_macr\_elem\_dyna pour un sd\_macr\_elem\_stat . L'objet .MAEL\_AMOR\_VALE , s'il est présent, sera alors assemblé dans la matrice d'amortissement globale .

`' .LICH'` : OJB XC V K8 LONG(cste) NO()

Cette collection est sur-dimensionnée par rapport au nombre des cas de charge.  
Elle est nommée par les noms des cas de charge nomcas .

LICH ( nomcas ) est de dimension n\_char\_max+1

LICH(nomcas) (1) = / 'NON\_SUIV ' chargement non suiveur/ ' OUI\_SUIV ' chargement suiveur

LICH(nomcas) (1<i≤n\_char\_max+1) = nom de la charge i-1

`.LICA' : OJB XD V R LONG(cste) NO()

Cette collection est sur-dimensionnée par rapport au nombre des cas de charge.  
Elle est nommée par les noms de cas de charge nomcas .

LICA ( nomcas ) est de dimension 2\*nddlt= 2\*(nddli+ nddle)

Chaque objet LICA(nomcas) est formé de 2 segments de même longueur ( nddli+ nddle ) stockés bout à bout.

Dans le 1<sup>er</sup> segment, on trouve le second membre correspondant au cas de charge nomcas :

LICA(nomcas) (1 ≤ i ≤ nddli) = F\_I

LICA(nomcas) (nddli+1 ≤ i ≤ nddli+nddle) = F\_E

Dans le second segment, on trouve le second membre condensé correspondant à nomcas :

LICA(nomcas) (nddlt+1 ≤ i ≤ nddlt+nddli) = (K\_II\*\*(-1))\*F\_I

LICA(nomcas) ( nddlt+nddli+1 ≤ i ≤ nddlt+nddle) = FP\_E

avec FP\_E = F\_E - K\_EI\*(K\_II\*\*(-1))\*F\_I

## 4 Exemple : sd\_macr\_elem\_stat S\_1 du test SSLP100B

### Structure de Données : S\_1

```

-----
IMPRESSION SEGMENT DE VALEURS >S_1 .CONX <
>>>>>
  1 -          1          1          0          1          3
  6 -          0          1          4          0          1
 11 -          7          0          1          9          0
 16 -          1          6          0          1          10
 21 -          0          1          12         0
-----
IMPRESSION SEGMENT DE VALEURS >S_1 .DESM <
>>>>>
  1 -          0          8          4          16          12
  6 -          1          2          0          0          4
-----
IMPRESSION DE LA COLLECTION : S_1 .LICA

IMPRESSION SEGMENT DE VALEURS >S_1 .LICA $$NOM <
>>>>> REPERTOIRE DE NOMS DE LA COLLECTION :S_1 .LICA
  1 - >CHF1 <>CHF2 <

IMPRESSION OBJET DE COLLECTION >S_1 .LICA < OC : 1
>>>>>
  1 - 3.53553D+00 1.46447D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00
  6 - 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00
 11 - 0.00000D+00 0.00000D+00 1.91342D+00 3.80604D-01 1.62212D+00
 16 - 1.08386D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00

```

```
21 - 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00
26 - 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 2.39508D-01 9.92075D-02
31 - 2.98282D-02 1.23552D-02 -1.97778D-19 -7.02300D-20 2.95966D-03
36 - 7.14525D-03 -3.06170D-19 -5.50571D-21 2.95966D-03 7.14525D-03
41 - 2.64693D+00 1.18501D+00 2.70958D+00 1.03373D+00 8.48546D-01
46 - -3.31522D-01 1.30381D-01 -6.22318D-02 4.81890D-02 1.36198D-01
51 - 3.65592D-01 8.34435D-01 -1.16015D-18 8.41068D-19 4.58200D-20
56 - 2.87916D-20
```

IMPRESSION OBJET DE COLLECTION >S\_1 .LICA < OC : 2  
>>>>

```
1 - 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00
6 - -2.00000D+01 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00
11 - 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00
16 - 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00
21 - 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00
26 - 0.00000D+00 0.00000D+00 0.00000D+00 -1.61431D-18 -7.81792D-19
31 - -6.45718D-18 -2.26429D-18 3.01596D-01 -1.61168D+00 -8.43526D-02
36 - -1.00331D-01 -1.59744D-17 -1.28342D-17 -8.43526D-02 -1.00331D-01
41 - -2.64622D-17 -4.13600D-17 -5.05295D-17 1.06224D-17 -9.17765D-17
46 - -1.39652D-16 -4.67445D+00 -7.31983D+00 3.49452D+00 -1.72624D+00
51 - -1.21457D-16 2.45518D-17 2.19705D+00 -4.60236D+00 3.50220D+00
56 - -2.55199D+00
```

-----  
IMPRESSION DE LA COLLECTION : S\_1 .LICH

IMPRESSION SEGMENT DE VALEURS >S\_1 .LICH \$\$NOM <  
>>>> REPERTOIRE DE NOMS DE LA COLLECTION :S\_1 .LICH

```
1 - >CHF1 <>CHF2 <
```

IMPRESSION OBJET DE COLLECTION CONTIGUE>S\_1 .LICH < OC : 1  
>>>>

```
1 - >OUI_SUIV<>CHBL_1 <>CHF1_1 <> <> <> <> <
8 - > <> <> <
```

IMPRESSION OBJET DE COLLECTION CONTIGUE>S\_1 .LICH < OC : 2  
>>>>

```
1 - >NON_SUIV<>CHF2_1 <> <> <> <> <> <> <
8 - > <> <> <
```

-----  
IMPRESSION SEGMENT DE VALEURS >S\_1 .LINO <

```
1 - 1 3 4 7 9
6 - 6 10 12
```

-----  
IMPRESSION SEGMENT DE VALEURS >S\_1 .MAEL\_RAID\_VALE <

```
>>>>
1 - 6.41345D+00 1.76677D+00 9.20402D+00 -1.81735D+00 1.25037D+00
6 - 9.57550D+00 1.00328D+00 -4.07100D+00 -1.39527D+00 6.04196D+00
11 - -2.86996D+00 -2.86915D-01 -2.19245D+00 1.87984D+00 1.43014D+01
...
131 - 2.36288D-18 -3.29156D-18 -5.30569D-01 -4.81304D-01 2.71008D+00
136 - 1.03411D+01
```

-----  
IMPRESSION DE LA COLLECTION : S\_1 .PHI\_IE

IMPRESSION OBJET DE COLLECTION >S\_1 .PHI\_IE < OC : 1  
>>>>

```
1 - -2.11984D-01 1.09032D-02 -9.57179D-02 -1.05534D-01 -1.51204D-18
6 - -6.17392D-19 -8.67300D-03 -2.98079D-02 -2.08419D-18 -7.70800D-19
```

...  
186 - -1.27599D-01 -1.52778D-01 4.83504D-03 4.08788D-19 -1.44063D-17  
191 - -1.52778D-01 4.83504D-03

---

IMPRESSION SEGMENT DE VALEURS >S\_1 .REFM <  
>>>>>  
1 - >MO\_1 <>MA <>CHMAT <> <>S\_1 <>OUI\_RIGI<>NON\_MASS<  
8 - >NON\_AMOR<> <>CHBL\_1 <

---

IMPRESSION SEGMENT DE VALEURS >S\_1 .RIGIMECA .REFA <  
>>>>>  
1 - >MA <>S\_1 <  
3 - > <>RIGI\_MECA <  
5 - > <> <  
7 - > <>DECP <  
9 - >MS <>NOEU <

---

IMPRESSION DE LA COLLECTION : S\_1 .RIGIMECA .UALF

IMPRESSION OBJET DE COLLECTION >S\_1 .RIGIMECA .UALF< OC : 1  
>>>>>  
1 - 1.77687D+01 -3.40898D-01 2.78185D+01 -1.18521D-01 -1.90123D-01  
6 - 3.20885D+01 -2.57251D-01 1.96913D-01 -7.70137D-02 3.68408D+01  
11 - ...  
341 - 0.00000D+00 0.00000D+00 2.77973D+00 1.12895D+01

---

IMPRESSION DE LA COLLECTION : S\_1 .RIGIMECA .VALM

IMPRESSION OBJET DE COLLECTION >S\_1 .RIGIMECA .VALM< OC : 1  
>>>>>  
1 - 1.77687D+01 -6.05732D+00 2.98834D+01 -2.10596D+00 -4.57102D+00  
6 - 3.33437D+01 -4.57102D+00 7.03607D+00 -2.97096D+00 3.92857D+01  
11 - ...  
166 - 1.12895D+01

---

IMPRESSION SEGMENT DE VALEURS >S\_1 .VARM <  
>>>>>  
1 - 8.00000D+02 0.00000D+00

---