

## SSLP116 – Plaque carrée en flexion – gradient de température constant

---

### Résumé :

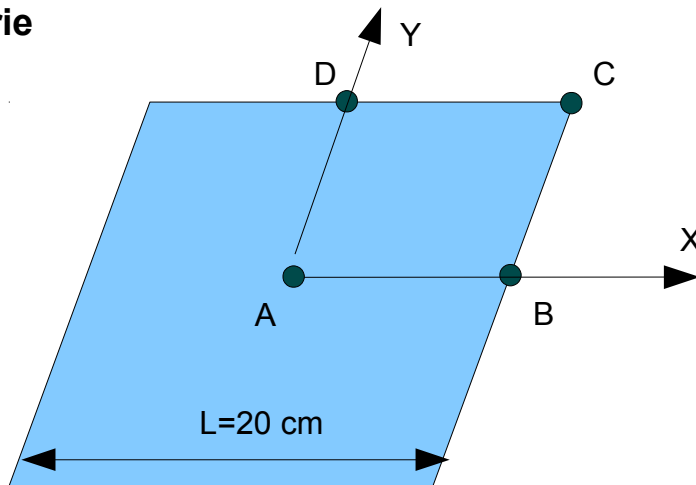
L'objectif de ce test est de valider le calcul des déplacements, des moments et des contraintes dans une plaque carrée, simplement supportée, en flexion soumise à un gradient de température constant.

### Modélisations :

- Modélisation  $A$  : DKT avec des mailles TRIA3
- Modélisation  $B$  : DKT avec des mailles QUAD4

## 1 Problème de référence

### 1.1 Géométrie



Epaisseur = 0.25cm .

### 1.2 Propriétés du matériau

Le matériau est élastique isotrope dont les propriétés sont :

- $E=30. \times 10^6 \text{ N/cm}^2$
- $\nu=0.3$
- $\alpha=6.5 \times 10^{-6} / ^\circ\text{C}$

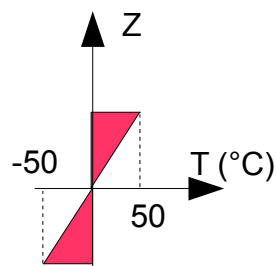
### 1.3 Conditions aux limites et chargements

Conditions aux limites :

- Sur le bord  $AB$  :  $DY = DRX = 0$
- Sur le bord  $AD$  :  $DX = DRY = 0$
- Sur les bord  $BC$  et  $CD$  :  $DZ = 0$

Chargement

- Le chargement appliqué est un chargement de température qui varie de la façon suivante :



### 1.4 Conditions initiales

Néant

## 2 Solution de référence

---

### 2.1 Méthode de calcul

La solution de référence est une solution numérique [1].

### 2.2 Grandeurs et résultats de référence

- Déplacement suivant l'axe  $Z$  le long de  $AB$

$X (cm)$	$DZ (cm)$
0.0	0.1033
2.0	0.0992
4.0	0.0883
6.0	0.0692
8.0	0.0400
10.0	0.

- Moment  $M_{xx}$  le long de  $AB$

$X (cm)$	$MXX (N)$
1.0	-50.0
3.0	-45.6
5.0	-36.4
7.0	-23.2
9.0	-8.0

### 2.3 Incertitudes sur la solution

Solution numérique

### 2.4 Références bibliographiques

- [1] M.H. SADR-LAHIDJANI : "Modélisation et analyse des plaques et coques minces élastiques soumises a des champs de température", Thèse de Doctorat UTC, 1984.

## 3 Modélisation A

### 3.1 Caractéristiques de la modélisation

On utilise une modélisation DKT avec 3 couches dans l'épaisseur.

### 3.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage contient 5000 éléments de type TRIA3.

### 3.3 Grandeurs testées et résultats

On teste le déplacement suivant l'axe  $Z$  et le moment  $MXX$  le long de  $AB$ .

Identification		Type de référence	Valeur de référence	Tolérance %
DEPL	$X (cm)$			
DZ	0.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.1033	4.0
	2.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0992	3.5
	4.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0883	3.
	6.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0692	3.
	8.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0400	2.

Identification		Type de référence	Valeur de référence	Tolérance %
EFGE_NOEU	$X (cm)$			
MXX	1.0	'SOURCE_EXTERNE'	-50.0	0.5
	3.0	'SOURCE_EXTERNE'	-45.6	0.2
	5.0	'SOURCE_EXTERNE'	-36.4	1.0
	7.0	'SOURCE_EXTERNE'	-23.2	3.0
	9.0	'SOURCE_EXTERNE'	-8.0	0.5

On teste les contraintes sur la peau inférieure, moyenne et supérieure dans 2 couches.

- Couche n°1 :  $-0.125\text{cm} < Z < -0.0417\text{cm}$

Point / Maille	Couche	Grandeur	Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
A(M5200)	INF	SIXX	'NON_DEFINI'	4880.375	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI'	4880.125	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI'	-0.125	$10^{-6}$
	MOY	SIXX	'NON_DEFINI'	3225.583	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI'	3253.417	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI'	-0.083	$10^{-6}$
	SUP	SIXX	'NON_DEFINI'	1626.712	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI'	1626.708	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI'	-0.042	$10^{-6}$

- Couche n°3 :  $0.0417\text{cm} < Z < 0.125\text{cm}$

Point / Maille	Couche	Grandeur	Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
A(M5200)	INF	SIXX	'NON_DEFINI'	-1626.792	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI'	-1626.708	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI'	0.042	$10^{-6}$
	MOY	SIXX	'NON_DEFINI'	-3252.583	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI'	-3252.416	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI'	0.083	$10^{-6}$
	SUP	SIXX	'NON_DEFINI'	-4880.375	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI'	-4880.125	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI'	0.125	$10^{-6}$

## 4 Modélisation B

### 4.1 Caractéristiques de la modélisation

On utilise une modélisation DKT avec 7 couches dans l'épaisseur.

### 4.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage contient 2500 éléments de type QUAD4.

### 4.3 Grandeurs testées et résultats

On teste le déplacement suivant l'axe  $Z$  et le moment  $MXX$  le long de  $AB$ .

Identification		Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
DEPL	$X (cm)$			
DZ	0.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.1033	4.0
	2.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0992	3.5
	4.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0883	3.0
	6.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0692	3.0
	8.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0400	2.0

Identification		Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
EFGE_NOEU	$X (cm)$			
MXX	1.0	'SOURCE_EXTERNE'	-50.0	1.0
	3.0	'SOURCE_EXTERNE'	-45.6	0.75
	5.0	'SOURCE_EXTERNE'	-36.4	2.0
	7.0	'SOURCE_EXTERNE'	-23.2	5.0
	9.0	'SOURCE_EXTERNE'	-8.0	6.0

On teste les contraintes sur la peau inférieure, moyenne et supérieure dans 2 couches.

- Couche n°1 :  $-0.125\text{cm} < Z < -0.089\text{cm}$

Point / Maille	Couche	Grandeur	Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
A(M2700)	INF	SIXX	'NON_DEFINI'	4875.116	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI'	4875.116	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI'	$7.47 \times 10^{-9}$	$10^{-6}$
	MOY	SIXX	'NON_DEFINI'	4178.671	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI'	4178.671	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI'	$6.4 \times 10^{-9}$	$10^{-6}$
	SUP	SIXX	'NON_DEFINI'	3482.225	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI'	3482.225	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI'	$5.3 \times 10^{-9}$	$10^{-6}$

- Couche n°7 :  $0.089\text{cm} < Z < 0.125\text{cm}$

Point / Maille	Couche	Grandeur	Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
A(M2700)	INF	SIXX	'NON_DEFINI'	-3482.225	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI'	-3482.225	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI'	$5.3 \times 10^{-9}$	$10^{-6}$
	MOY	SIXX	'NON_DEFINI'	-4178.670	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI'	-4178.670	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI'	$-6.4 \times 10^{-9}$	$10^{-6}$
	SUP	SIXX	'NON_DEFINI'	-4875.116	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI'	-4875.116	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI'	$7.5 \times 10^{-9}$	$10^{-6}$

## 5 Synthèse des résultats

---

Les résultats obtenus sont satisfaisants.